
UNA TECNICA PER SIMULARE LA RICORSIONE IN COBOL

APPLICATA A TRE ESEMPI:

TORRE DI HANOI

QUICKSORT

PERMUTAZIONI

Giacomini Daniele

Treviso, Giugno 1985

LA LETTERATURA SULLE DEFINIZIONI INERENTI LA RICORSIONE

Il concetto di locale e di globale

Niklaus Wirth {1} spiega molto bene la differenza tra il concetto di 'locale' e di 'globale' all'interno di un programma:

"Se un oggetto - una costante, una variabile, una procedura, una funzione o un tipo - è significativo solo all'interno di una determinata parte del programma, viene chiamato 'locale'. Spesso conviene rappresentare questa parte mediante una procedura; gli oggetti locali vengono allora indicati nel titolo della procedura. Dato che le procedure stesse possono essere locali, può accadere che più indicazioni di procedura siano innestate l'una nell'altra.

Nell'ambito della procedura si possono quindi riconoscere due tipi di oggetti: gli oggetti 'locali' e gli oggetti 'non locali'. Questi ultimi sono oggetti definiti nel programma (o nella procedura) in cui è inserita la procedura ('ambiente' della procedura). Se sono definiti nel programma principale, sono detti 'globali'. In una procedura il campo di influenza degli oggetti locali corrisponde al corpo della procedura. In particolare, terminata l'esecuzione della procedura, le variabili locali saranno ancora disponibili per indicare dei nuovi valori; chiaramente, in una chiamata successiva della stessa procedura, i valori delle variabili locali saranno diversi da quelli della chiamata precedente.

E' essenziale che i nomi degli oggetti locali non debbano dipendere dall'ambiente della procedura. Ma, in tal modo, può accadere che un nome x , scelto per un oggetto locale della procedura P , sia identico a quello di un oggetto definito nel programma ambiente di P . Questa situazione però è corretta solo se la grandezza non locale x non è significativa per P , cioè non viene applicata in P . Si adotta quindi la 'regola fondamentale' che x denoti entro P la grandezza locale e fuori da P quella non locale".

La ricorsione

"La ricorsione" come spiegano Ledgard, Nagin e Hueras {2} "è un metodo di definizione in cui l'oggetto della definizione è usato all'interno della definizione. Per esempio si può considerare la seguente definizione della parola 'discendente':

Un discendente di una persona è il figlio o la figlia di una persona, o un discendete di un figlio o di una figlia.

Quindi, come scrive Lawrie Moore {3}, un sotto-programma ricorsivo "è un sotto-programma che corrisponde direttamente ed utilizza una definizione ricorsiva". Ovvero, molto più semplicemente come dicono Aho, Hopcroft ed Ullman {4}: "Una procedura che chiama se stessa, direttamente o indirettamente, si dice essere 'ricorsiva'".

Moore (3) inoltre aggiunge quanto segue: "La chiamata genera un nuovo blocco di programma, con il suo proprio 'scope', il suo proprio spazio di lavoro, la sua proria esistenza virtuale. (...) Questo processo prende luogo al momento della esecuzione del programma (run-time). Al momento della compilazione ne' la macchina, ne' l'intelligenza umana possono dire quante volte la procedura sara' richiamata al momento della esecuzione. Percio' la creazione di un nuovo blocco di programma al momento della esecuzione e' un processo dinamico. La creazione ricorsiva di nuovi blocchi di programma e' una struttura di programmazione dinamica".

LE PROPRIETA' DEL LINGUAGGIO RICORSIVO

La definizione di procedura ricorsiva data da Aho, Hopcroft ed Ullman e' una condizione necessaria ma non sufficiente perche' un linguaggio di programmazione possa definirsi ricorsivo; infatti e' tale quel linguaggio che oltre a permettere la chiamata di una procedura da parte di se' stessa, permette una dichiarazione 'locale' delle variabili ovvero permette l'allocazione dinamica delle variabili stesse.

Non non vi e' dubbio che il linguaggio COBOL non sia ricorsivo, eppure ammette che all'interno di un paragrafo si faccia la chiamata dello stesso paragrafo tramite il verbo **PERFORM**. In effetti non si parla di ricorsione proprio perche' il COBOL gestisce solo variabili globali.

DESCRIZIONE DELLA TECNICA PER SIMULARE LA RICORSIONE IN COBOL

Introduzione

Le variabili di scambio di un sottoprogramma possono collegarsi all'esterno, a seconda del contesto del programma, in tre modi: in Input, in Output o in Input-Output; a seconda che importi che i dati entrino nel sottoprogramma ma non escano, che i dati escano soltanto oppure che i dati debbano prima entrare e poi uscire modificati.

La pseudocodifica utilizzata

La pseudocodifica utilizzata per mostrare gli esempi, prima di presentare la trasformazione in COBOL, si rifa' al linguaggio MPLII Burroughs (Algol-like) dove le variabili di scambio di una procedura vengono semplicemente nominate a fianco del nome della procedura tra parentesi. Cio' corrisponde ad una dichiarazione implicita di quelle variabili con 'scope' locale e con caratteristiche identiche a quelle usate nelle chiamate relative. In particolare se nella chiamata vengono usate costanti alfanumeriche, la variabile corrispondente sara' di tipo alfanumerico di lunghezza pari alla costante trasmittente, se di tipo numerico, la variabile corrispondente sara' di tipo numerico opportuno: 'integer' o 'float'.

Quindi in questo tipo di pseudocodifica non sono permesse le variabili di scambio in Output.

Le variabili di cambio di questa pseudocodifica si collegano per posizione.

La simulazione con un linguaggio avente solo variabili globali

Il problema della simulazione della ricorsione si risolve utilizzando uno STACK per ogni variabile locale.

La tecnica e' indicata molto semplicemente da Jerrold L. Wagener (5). Una volta determinato a priori qual'e' il numero massimo di livelli della ricorsione occorre associare ad ogni variabile, locale che non sia collegata con l'esterno in Input-Output, uno stack con dimensione pari a quel numero. Quindi, ad una variabile scalare viene associato un vettore, ad un vettore viene associata una matrice, e cosi' di seguito. L'indice dello stack (Stack Pointer) viene indicato con SP.

La simulazione si divide in due fasi: la prima deve essere effettuata subito prima della chiamata ricorsiva e consiste nella conservazione nei vari stacks dei valori delle variabili di scambio che non sono in Input-Output con una operazione di 'push'; la seconda deve essere effettuata subito dopo la chiamata ricorsiva e consiste nel recupero dai vari stacks dei valori originari delle variabili con una operazione di 'pop'.

Esempio:**Procedura ricorsiva**

PROCEDURE PROC1 (V, G, Z)

% commento

% G e' una variabile in
 % Input-Output
 PROC1 (V, G, Z-1)

END PROC1

Trasformazione non ricorsiva

PROCEDURE PROC1

% push
 SP := SP + 1
 SAVEV(SP) := V
 SAVEZ(SP) := Z
 % call
 Z := Z - 1
 PROC1
 % pop
 V := SAVEV(SP)
 Z := SAVEZ(SP)
 SP := SP - 1

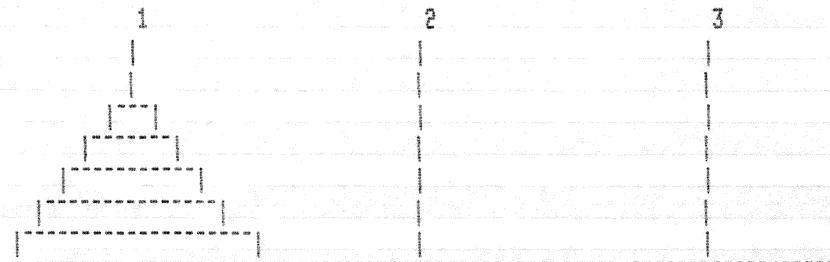
END PROC1

Tengo a precisare che la tecnica e' valida solo se all'interno di una procedura ricorsiva tutte le iterazioni che contengono una chiamata (diretta o indiretta) alla stessa procedura sono a loro volta espresse in forma ricorsiva (si veda il problema delle permutazioni).

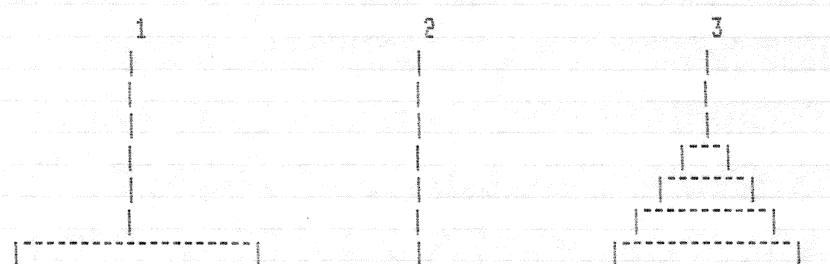
ESEMPI**Torre di Hanoi****Descrizione dell'algoritmo; Wagener (5)**

"Su una tavola sono infissi tre pioli identici, ed uno contiene N anelli, tutti di diametro differente (ogni anello ha un buco al suo centro in modo da poter essere sopostato da un piolo ad un'altro). L'obiettivo è quello di spostare tutti gli anelli su di uno degli altri due pioli, osservando semplicemente le due regole seguenti:

1. Si può muovere solo un anello alla volta.
2. Non si può mai mettere un anello al di sopra di uno più piccolo sullo stesso piolo.



(a)



(b)

Figura 1. Torre di Hanoi, con N anelli.

(a) Configurazione originale.

(b) Dopo aver spostato $N-1$ anelli.

Nella figura 1a gli anelli appaiono sul piolo 1; si supponga che essi debbano essere spostati sul piolo 2. Si supponga che gli $N-1$ anelli superiori vengano spostati in qualche modo (osservando le regole naturalmente) dal piolo 1 al piolo 3, come illustrato in figura 1b. Allora l' N -esimo anello (il più largo) può essere spostato nel piolo 2, e la pila di $N-1$ anelli che ora si trova sul piolo 3 può essere spostata ancora, questa volta sul piolo 2 al di sopra dell'anello più largo che è appena stato messo lì'. Indichiamo con HANOI questo algoritmo. (...).

Se N è minore di 1 HANOI non fa nulla come dovrebbe dal momento

che ciò significa che non ci sono anelli da muovere. Se N è 1, le istruzioni contenute nel predicato IF-FI vengono eseguite, ma nessuna delle chiamate ricorsive fa nulla dato che $N-1$ è zero. Pertanto in questo caso (N uguale ad 1, e assumendo $P1$ uguale ad 1 e $P2$ uguale a 2) il risultato è semplicemente

MUOVI L'ANELLO 1 DAL PIOLÒ 1 AL PIOLÒ 2

che è corretto per uno stack iniziale consistente di un solo anello. Ora si può vedere che l'algoritmo funziona correttamente se N è uguale a 2. La prima chiamata ricorsiva sposta un anello ($N-1$ uguale ad 1) dal piolo 1 al piolo 3 (ancora assumendo $P1$ uguale ad 1 e $P2$ uguale a 2) e si sa che questa è la mossa corretta. Viene eseguito l'istruzione di stampa (spostamento dell'anello 2 sul piolo 2). L'output consiste di 3 linee:

MUOVI L'ANELLO 1 DAL PIOLÒ 1 AL PIOLÒ 3

MUOVI L'ANELLO 2 DAL PIOLÒ 1 AL PIOLÒ 2

MUOVI L'ANELLO 1 DAL PIOLÒ 3 AL PIOLÒ 2

Ora che si sa che HANOI funziona correttamente per una pila di due anelli si può usare una analisi simile per mostrare che funziona per tre anelli, quindi quattro, cinque, e così di seguito, per qualsiasi valore di N .

Variabili:

N è la dimensione della torre in numero di anelli; gli anelli sono numerati da 1 a N ;

$P1$ è il numero del piolo su cui si trova inizialmente la pila di N anelli;

$P2$ è il numero del piolo su cui deve essere spostata la pila di anelli;

$6-P1-P2 = P3$ è il numero dell'altro piolo (è evidente essendo i pioli numerati 1, 2 e 3).

Pseudocodifica ricorsiva di HANOI:

HANOI (N , $P1$, $P2$)

IF $N > 0$

THEN

HANOI ($N-1$, $P1$, $6-P1-P2$)

scrivi: "MUOVI L'ANELLO " N "DAL PIOLÒ " $P1$ "AL PIOLÒ " $P2$

HANOI ($N-1$, $6-P1-P2$, $P2$)

FI

END HANOI

Codifica in linguaggio MPL II:**PROCEDURE MAIN;**

```
$ LIBRARY CONVERSION  
$ LIBRARY DECIMAL  
$ LIBRARY STRING  
$ LIBRARY LM.JR  
$ LIBRARY LM.FX  
$ LIBRARY LM.IN.N  
$ LIBRARY LM.OUT.N
```

%-----

```
DECLARE RECORD.PR.FILE CHARACTER (132);  
REMAP RECORD.PR.FILE: RECORD.PR.CH(132) CHARACTER(1);
```

```
FILE PRINTER.FILE WORK.AREA RECORD.PR.FILE;
```

%-----

```
DEVICE (PRINTER.FILE) := PR; % ANY PRINTER DEVICE  
RECORD (PRINTER.FILE) := 132;  
BUFFER (PRINTER.FILE) := 132;  
NO.BUFFERS (PRINTER.FILE) := 1;  
NO.LABEL (PRINTER.FILE) := 1;  
CLOSEMODE (PRINTER.FILE) := RELEASE;  
MYUSE (PRINTER.FILE) := OUTPUT;
```

%-----

```
PROCEDURE PRINT.MESSAGE (N, P1, P2);  
DECLARE N.CH CHARACTER (6);  
DECLARE P1.CH CHARACTER (6);  
DECLARE P2.CH CHARACTER (6);  
CONVERT (1, N.CH, N);  
CONVERT (1, P1.CH, P1);  
CONVERT (1, P2.CH, P2);  
SMEAR (RECORD.PR.CH, 0, 132, " ", 132);  
SUBSTR (RECORD.PR.FILE, 0, 14) := "MUOVE L'ANELLO";  
SUBSTR (RECORD.PR.FILE, 15, 6) := N.CH;  
SUBSTR (RECORD.PR.FILE, 21, 10) := " DAL POSTO";  
SUBSTR (RECORD.PR.FILE, 32, 6) := P1.CH;  
SUBSTR (RECORD.PR.FILE, 39, 9) := " AL POSTO";  
SUBSTR (RECORD.PR.FILE, 49, 6) := P2.CH;  
  
WRITE (PRINTER.FILE);  
END PRINT.MESSAGE;
```

PROCEDURE HANOI (N, P1, P2);

```
IF N > 0  
THEN  
DO;  
  
    HANOI (N-1, P1, 6-P1-P2);  
    % scrivi: "MUOVI L'ANELLO " N "DAL POSTO " P1 "AL POSTO " P2  
    PRINT.MESSAGE (N, P1, P2);  
  
    HANOI (N-1, 6-P1-P2, P2);
```

END;

END HANOI;

%

```
DECLARE N FIXED;  
DECLARE P1 FIXED;  
DECLARE P2 FIXED;
```

OPEN (PRINTER.FILE);

```
DISPLAY (" INSERISCI LA DIMENSIONE DELLA TORRE ");  
INPUT.N (N);
```

```
DISPLAY (" INSERISCI IL POSTO ATTUALE DELLA TORRE: 1, 2, 3 ");  
INPUT.N (P1);
```

```
DISPLAY (" INSERISCI IL POSTO IN CUI VUOI PORTARE LA TORRE: 1, 2, 3 ");  
INPUT.N (P2);
```

HANOI (N, P1, P2);

CLOSE (PRINTER.FILE);

STOP;

END MAIN;

FINI;

Variabili:

SAVEN e' il vettore utilizzato per conservare il valore di N;

SAVEP1 e' il vettore utilizzato per conservare il valore di P1;

SAVEP2 e' il vettore utilizzato per conservare il valore di P2;

SP e' l'indice dei vettori su indicati (stack pointer).

Pseudocodifica che simula la ricorsione:

HANOI

IF N > 0

THEN

SP := SP + 1

SAVEN(SP) := N

SAVEP2(SP) := P2

N := N - 1

P2 := 6 - P1 - P2

HANOI

N := SAVEN(SP)

P2 := SAVEP2(SP)

SP := SP - 1

scrivi: "MUOVI L'ANELLO " N "DAL PIOLÒ " P1 "AL PIOLÒ " P2

SP := SP + 1

SAVEN(SP) := N

SAVEP1(SP) := P1

N := N - 1

P1 := 6 - P1 - P2

HANOI (N-1, 6-P1-P2, P2)

N := SAVEN(SP)

P1 := SAVEP1(SP)

SP := SP - 1

FI

END HANOI

Codifica COBOL:

```
000100*****  
000200* PROGRAMMA COBOL HC.04 *  
000300* *  
000400* DATA: 18/08/84 (GG/MM/AA) *  
000500* *  
000600* ARGOMENTO: SIMULAZIONE DI RICORSIONE CON TORRE DI HANOI *  
001100*****  
006400  
006500  
006600 IDENTIFICATION DIVISION.  
006700  
006800  
006900 ENVIRONMENT DIVISION.  
007000  
007100  
007200 DATA DIVISION.  
007300  
007400  
007500 WORKING-STORAGE SECTION.  
007600  
007700 01 RECORD STACKS.  
007800 02 SAVEN OCCURS 100 TIMES PIC 99.  
007900 02 SAVEP1 OCCURS 100 TIMES PIC 9.  
008000 02 SAVEP2 OCCURS 100 TIMES PIC 9.  
008100  
008200 01 STACK-POINTER.  
008300 02 SP PIC 99 VALUE 0.  
008400  
008500 01 VARIABILI-SCALARI.  
008600 02 N PIC 99.  
008700 02 P1 PIC 9.  
008800 02 P2 PIC 9.  
008900  
009000
```

```
-009100 PROCEDURE DIVISION.  
009200  
009300 MAIN.  
009400  
009500 DISPLAY "INSERISCI LA DIMENSIONE DELLA TORRE".  
009600 DISPLAY "(DUE CARATTERI)".  
009700 ACCEPT N.  
009750  
009800 DISPLAY "INSERISCI LA POSIZIONE INIZIALE DELLA TORRE".  
009900 DISPLAY "(UN CARATTERE: 1 O 2 O 3)".  
010000 ACCEPT P1.  
010050  
010100 DISPLAY "INSERISCI LA DESTINAZIONE DELLA TORRE".  
010200 DISPLAY "(UN CARATTERE)".  
010300 ACCEPT P2.  
010400  
010500  
010600 PERFORM HANOI.  
010700  
010800 STOP RUN.
```

```
010900 HANOI.  
011000  
011100 IF N > 0  
011200 THEN  
011300* push per conservare le variabili di scambio  
011400 COMPUTE SP = SP + 1,  
011500 COMPUTE SAVEN(SP) = N,  
011600 COMPUTE SAVEP2(SP) = P2,  
011700* cambiamenti alle variabili di scambio prima della CALL  
011800 COMPUTE N = N - 1,  
011900 COMPUTE P2 = 6 - P1 - P2,  
012000* call  
012100 PERFORM HANOI,  
012200* pop per recuperare i valori delle variabili di scambio  
012300 COMPUTE N = SAVEN(SP),  
012400 COMPUTE P2 = SAVEP2(SP),  
012500 COMPUTE SP = SP - 1,  
012600  
012700 DISPLAY "MUOVI L'ANELLO " N " DAL PILO " P1  
012800 " AL PILO " P2,  
012850  
012900* push per conservare i valori delle variabili di scambio  
013000 COMPUTE SP = SP + 1,  
013100 COMPUTE SAVEN(SP) = N,  
013200 COMPUTE SAVEP1(SP) = P1,  
013300* modifica dei valori delle variabili di scambio  
013400 COMPUTE N = N - 1,  
013500 COMPUTE P1 = 6 - P1 - P2,  
013600* call  
013700 PERFORM HANOI,  
013800* pop per recuperare i valori delle variabili di scambio  
013900 COMPUTE N = SAVEN(SP),  
014000 COMPUTE P1 = SAVEP1(SP),  
014100 COMPUTE SP = SP - 1.  
014200
```

Bibliografia:

- Wagener J. L.: "FORTRAN 77 Principles of Programming" {5}
Wiley, 1980, pag. 227.
- Moore L.: "Foundations of Programming with Pascal" {3}
Ellis Horwood Limited, 1980, pp. 177-180.
- Arsac J.: "La construction de programmes structures"
Dunod, 1977, capitolo 15.

Quicksort (ordinamento non decrescente)

Descrizione dell'algoritmo; Wagener (5)

"Gli elementi di base del 'quicksort' sono schematizzati in figura 2.

TABLE (vettore da ordinare)

```

---- \ partizione dei valori
---- > minori del 'valore
---- / allocato'
----- valore allocato
---- \ partizione dei valori
---- > maggiori del
---- / 'valore allocato'
```

Figura 2. Il concetto base dell'algoritmo del quicksort: partizione del vettore in due gruppi disordinati separati da un valore piazzato correttamente nel suo posto rispetto all'ordinamento.

Un passo attraverso il vettore da ordinare e' sufficiente per piazzare un valore del vettore (diciamo il primo) nella sua posizione finale nel vettore ordinato, ed allo stesso tempo per lasciare tutti i valori minori di questo da una parte (ma disordinatamente) e tutti i valori maggiori dall'altra. Allora delle chiamate ricorsive possono essere usate per ordinare ogn'una di queste due 'partizioni'. (...). Pertanto l'algoritmo essenziale del quicksort e':

1. Localizzare la posizione (finale) del primo valore, dividendo in questo modo i valori.
2. Ordinare la prima partizione.
3. Ordinare la seconda partizione.

Indichiamo con PARTIT il modulo (subroutine) che esegue il passo 1 - esso determina la posizione propria, PL (Proper Location), dell'elemento TABLE(L) all'interno del vettore TABLE(L:U), mette questo valore in questa posizione (cioe' viene scambiato il valore di TABLE(PL) con quello di TABLE(L)), mette tutti i valori minori di TABLE(PL) nel segmento di vettore TABLE(L:PL-1), e mette tutti i valori maggiori di TABLE(PL) in TABLE(PL+1:U). Indichiamo quindi con QSORT l'algoritmo del quicksort. Assumendo che PARTIT e le chiamate ricorsive di QSORT facciano il loro lavoro correttamente, una analisi informale della correttezza di QSORT potrebbe procedere come segue. Se U non e' maggiore di L allora c'e' solo un elemento (o nessuno) in TABLE(L:U), ed inoltre TABLE(L:U) e' gia' nel suo stato finale. Se U e' maggiore di L allora (per assunzione) PARTIT ripartisce correttamente TABLE(L:U). L'ordinamento separato delle due partizioni (per assunzione eseguito correttamente dalle chiamate ricorsive) completa l'ordinamento di TABLE(L:U).

(...). La figura 3 mostra graficamente la funzione di PARTIT, la parte (a) prima che MAINLOOP sia terminato (MAINLOOP e' il nome di un loop contenuto in PARTIT), e la parte (b) dopo che MAINLOOP e' terminato.

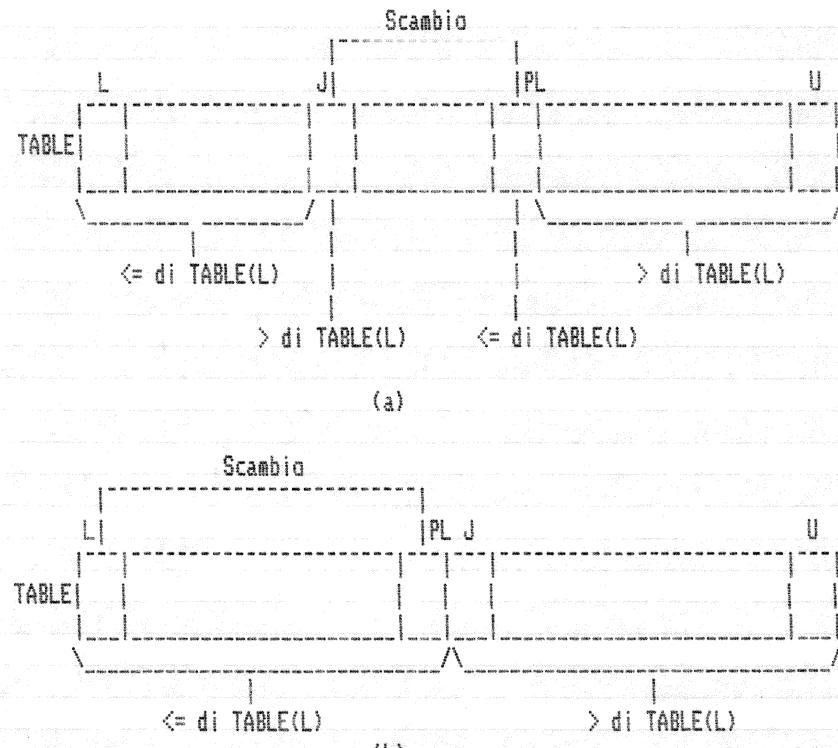


Figura 3. La funzione della subroutine PARTIT. (a) Prima del termine di MAINLOOP. (b) Dopo il termine di MAINLOOP.

Praticamente, J, iniziando dal valore $L+1$, viene 'slittato' verso destra fino a che viene trovato un elemento di TABLE maggiore di $TABLE(L)$, quindi PL viene 'slittato' verso sinistra, iniziando da U, fino a che viene trovato un elemento di TABLE minore o uguale di $TABLE(L)$. Questi valori vengono scambiati e lo slittamento riprende. Cio' continua fino a quando J e PL si incontrano, e in quel momento TABLE e' stata ri-partita, come mostrato in figura 3b, e PL e' la locazione per il valore di $TABLE(L)$."

Variabili:

TABLE e' il vettore da ordinare;

L e' l'indice inferiore del segmento di vettore da ordinare;

U e' l'indice superiore del segmento di vettore da ordinare;

PL (proper location) e' l'indice che cerca e trova la giusta posizione di TABLE(L) nel vettore;

Pseudocodifica ricorsiva di QSORT:

```
QSORT (TABLE, L, U)
  IF U > L
    THEN
      VAR PL INTEGER
      PARTIT (TABLE, L, U, PL)
      QSORT (TABLE, L, PL-1)
      QSORT (TABLE, PL+1, U)
    FI
  END QSORT
```

Variabili:

J e' l'indice che insieme a PL serve a ripartire il vettore TABLE.

Pseudocodifica di PARTIT:

PARTIT(TABLE, L, U, PL)

VAR J INTEGER

% si assume che L < U

J := L + 1
PL := U

DO MAINLOOP FOREVER

DO FOREVER % ...sposta J a destra...

IF TABLE(J) > TABLE(L) OR J >= PL

THEN

EXIT

ELSE

J := J + 1

FI

END

DO FOREVER % ...sposta PL a sinistra...

IF TABLE(PL) <= TABLE(L)

THEN

EXIT

ELSE

PL := PL - 1

FI

END

% ...ora esce dal MAINLOOP se TABLE e' completamente ripartita..

IF PL <= J

THEN

EXIT

ELSE

% scambio dei valori tra table(pl) e table(j)

TABLE(PL) :=: TABLE(J)

J := J + 1

PL := PL - 1

FI

OD MAINLOOP

% ...ora TABLE e' stata ripartita, PL e' il posto di TABLE(L)...

TABLE(PL) :=: TABLE(L)

% ...ora TABLE(PL) e' nella sua giusta posizione...

END PARTIT

Codifica in linguaggio MPL III:**PROCEDURE MAIN;**

```
$ LIBRARY CONVERSION  
$ LIBRARY DECIMAL  
$ LIBRARY STRING  
$ LIBRARY LM.JR  
$ LIBRARY LM.FX  
$ LIBRARY LM.IN.N  
$ LIBRARY LM.OUT.N  
$ LIBRARY LM.IN.MN  
$ LIBRARY LM.OUT.MN  
$ LIBRARY LM.XCH
```

PROCEDURE PARTIT(TABLE, L, U, PL);**DECLARE J FIXED;****% si assume che L < U****J := L + 1;****PL := U;**

```
DO MAINLOOP FOREVER;
  DO FOREVER; % ...sposta J a destra...
    IF TABLE((J-1)*2) > TABLE((L-1)*2) OR J >= PL
      THEN
        UNDO;
      ELSE
        J := J + 1;
      END;
    DO FOREVER; % ...sposta PL a sinistra...
      IF TABLE((PL-1)*2) <= TABLE((L-1)*2)
        THEN
          UNDO;
        ELSE
          PL := PL - 1;
        END;
      % ...ora esce dal MAINLOOP se TABLE e' completamente ripartita..
      IF PL <= J
        THEN
          UNDO;
        ELSE
          DO;
            SCAMBIO(TABLE((PL-1)*2), TABLE((J-1)*2));
            J := J + 1;
            PL := PL - 1;
          END;
        END MAINLOOP;
      % ...ora TABLE e' stata ripartita, PL e' il posto di TABLE(L)...
      SCAMBIO (TABLE((PL-1)*2), TABLE((L-1)*2));
      % ...ora TABLE(PL) e' nella sua giusta posizione...
    END PARTIT;
```

```
PROCEDURE QSORT (TABLE, L, U);
```

```
DECLARE PL FIXED;
```

```
IF U > L
```

```
THEN
```

```
DO;
```

```
PARTIT (TABLE, L, U, PL);
```

```
QSORT (TABLE, L, PL-1);
```

```
QSORT (TABLE, PL+1, U);
```

```
END;
```

```
END QSORT;
```

```
%-----
```

```
DECLARE P
```

```
DECLARE DIM.TOT
```

```
FIXED;
```

```
FIXED;
```

```
DISPLAY ("INSERISCI LA DIMENSIONE DEL VETTORE");
```

```
INPUT.N (P);
```

```
DIM.TOT := P * 2;
```

```
DECLARE 1 VETTORE.RECORD
```

```
CHARACTER(DIM.TOT),
```

```
2 VETTORE
```

```
FIXED;
```

```
IN.MAT.N.1 (VETTORE, P);
```

```
OUT.MAT.N.1 (VETTORE, P);
```

```
QSORT (VETTORE, 1, P);
```

```
OUT.MAT.N.1 (VETTORE, P);
```

```
STOP;
```

```
END MAIN;
```

```
FINI;
```

Variabili:

SAVEL e' il vettore utilizzato per conservare il valore di L;

SAVEU e' il vettore utilizzato per conservare il valore di U;

SP e' lo stack pointer.

Pseudocodifica non ricorsiva di QSORT:

```

QSORT
  IF U > L
    THEN
      PARTIT
      SP := SP + 1
      SAVEU(SP) := U
      U := PL - 1
      QSORT
      U := SAVEU(SP)
      SP := SP - 1
      SP := SP + 1
      SAVEU(SP) := L
      L := PL + 1
      QSORT
      L := SAVEU(SP)
      SP := SP - 1
    FI
  END QSORT

```

Codifica COBOL:

```
000300*****  
000400* PROGRAMMA COBOL HC.06 *  
000500* *  
000600* DATA: 22/08/84 (GG/MM/AA) *  
000700* *  
000800* ARGOMENTO: SIMULAZIONE DI RICORSIONE CON QUICKSORT *  
000900* *  
001000*****  
009100  
009200  
009300  
009400 IDENTIFICATION DIVISION.  
009500  
009600  
009700 ENVIRONMENT DIVISION.  
009800  
009900  
010000 DATA DIVISION.  
010100  
010200  
010300 WORKING-STORAGE SECTION.  
010400  
010500 01 RECORD-STACKS.  
010600 02 SAVEL OCCURS 100 TIMES PIC 999.  
010700 02 SAVEU OCCURS 100 TIMES PIC 999.  
010800  
010900 01 STACK-POINTERS.  
011000 02 SP PIC 999.  
011100  
011200 01 VARIABILI-SCALARI.  
011300 02 PL PIC 999.  
011400 02 L PIC 999.  
011500 02 U PIC 999.  
011600 02 TEMP PIC X(15).  
011700 02 J PIC 999.  
011800 02 I PIC 999.  
011900  
012000 01 RECORD-TABELLA.  
012100 02 TABELLA OCCURS 100 TIMES PIC X(15).  
012200  
012300
```

```
012400 PROCEDURE DIVISION.  
012500  
012600 MAIN.  
012700  
012800 DISPLAY "INSERISCI IL NUMERO DI ELEMENTI DA ORDINARE".  
012900 DISPLAY "(TRE CIFRE)".  
013000 ACCEPT U.  
013100 IF U > 100  
     THEN  
         STOP RUN.  
013400  
013500 COMPUTE L = 1.  
013600  
013700 PERFORM INSERIMENTO-ELEMENTI VARYING I FROM 1 BY 1  
013800          UNTIL I > U.  
013900  
014000 PERFORM QSORT.  
014100  
014200 PERFORM OUTPUT-DATI VARYING I FROM 1 BY 1  
014300          UNTIL I > U.  
014400  
014500 STOP RUN.  
014600  
014700  
014800 INSERIMENTO-ELEMENTI.  
014900  
015000 DISPLAY "INSERISCI L'ELEMENTO ", I, " DELLA TABELLA".  
015100 ACCEPT TABELLA(I).  
015200  
015300  
015400 PARTIT.  
015500  
015600*    si assume che L < U  
015700  
015800 COMPUTE J = L + 1.  
015900 COMPUTE PL = U.  
016000  
016100 PERFORM PARTIT-TESTA-MAINLOOP.  
016200 PERFORM PARTIT-MAINLOOP UNTIL PL < J  
016300          OR PL = J.  
016400  
016500 MOVE TABELLA(PL) TO TEMP.  
016600 MOVE TABELLA(L) TO TABELLA(PL).  
016700 MOVE TEMP TO TABELLA(L).  
016800  
016900
```

017000 PARTIT-TESTA-MAINLOOP.
017100
017200 PERFORM SPOSTA-J-A-DESTRA UNTIL TABELLA(J) > TABELLA(L)
017300 OR J > PL
017400 OR J = PL.
017500
017600 PERFORM SPOSTA-PL-A-SINISTRA UNTIL TABELLA(PL) < TABELLA(L)
017700 OR TABELLA(PL) = TABELLA(L).
017800
017900
018000 PARTIT-MAINLOOP.
018100
018200 MOVE TABELLA(PL) TO TEMP.
018300 MOVE TABELLA(J) TO TABELLA(PL).
018400 MOVE TEMP TO TABELLA(J).
018500
018600 COMPUTE J = J + 1.
018700 COMPUTE PL = PL - 1.
018800
018900 PERFORM SPOSTA-J-A-DESTRA UNTIL TABELLA(J) > TABELLA(L)
019000 OR J > PL
019100 OR J = PL.
019200
019300 PERFORM SPOSTA-PL-A-SINISTRA UNTIL TABELLA(PL) < TABELLA(L)
019400 OR TABELLA(PL) = TABELLA(L).
019500
019600
019700 SPOSTA-J-A-DESTRA.
019800
019900 COMPUTE J = J + 1.
020000
020100
020200 SPOSTA-PL-A-SINISTRA.
020300
020400 COMPUTE PL = PL - 1.
020500
020600

020700 QSORT.
020800
020900 IF U > L
021000 THEN
021100* le variabili che riguardano PARTIT sono tutte in I-0
021200 PERFORM PARTIT,
021300* push
021400 COMPUTE SP = SP + 1,
021500 COMPUTE SAVEU(SP) = U,
021530* cambiamenti alle variabili di scambio
021600 COMPUTE U = PL - 1,
021650* call
021700 PERFORM QSORT,
021750* pop
021800 COMPUTE U = SAVEU(SP),
021900* compute SP = SP - 1,
021950* push
022000* compute SP = SP + 1,
022100 COMPUTE SAVEL(SP) = L,
022110* cambiamenti alle variabili di scambio
022200 COMPUTE L = PL + 1,
022210* call
022300 PERFORM QSORT,
022350* pop
022400 COMPUTE L = SAVEL(SP),
022500 COMPUTE SP = SP - 1.
022600
022700
022800 OUTPUT-DATI.
022900
023000 DISPLAY "TABELLA()", I ") = ", TABELLA(I).
023100

Bibliografie:

Wagener J. L.: "FORTRAN 77 Principles of Programming"
Wiley, 1980, pag. 225.

(5)

Wirth N.: "Algorithms + Data Structures = Programs"
Prentice-Hall, 1976, pp. 76-82.

Knuth D. E.: "The Art of Computer Programming - Volume 3 / Sorting and
Searching"
Addison-Wesley, 1973, pp. 114-123.

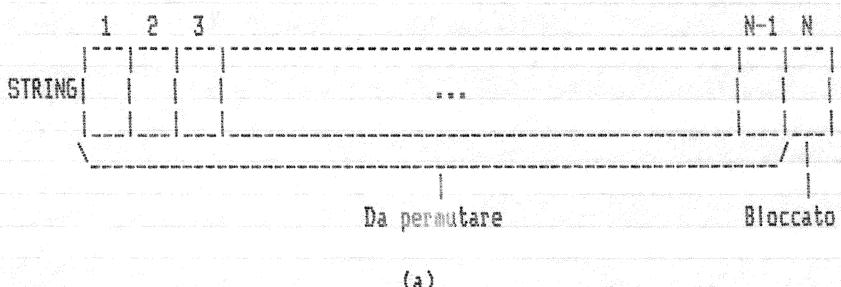
Aho A. V., Hopcroft J. E., Ullman J. D.: "The Design and Analysis of
Computer Algorithms"
Addison-Wesley, 1974, pp. 92-97.

Permutazioni**Descrizione dell'algoritmo; Wagener (5)**

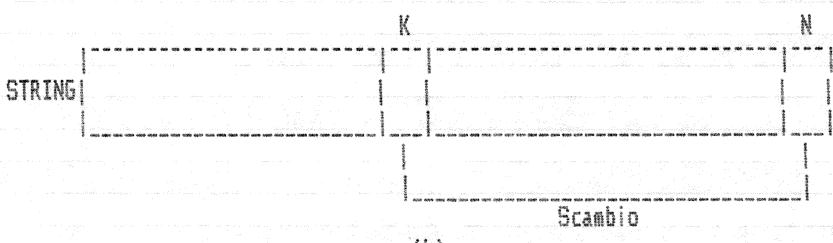
"Il problema e' quello di generare tutte le possibili permutazioni dei caratteri di una stringa. Per esempio la stringa 'PQR' ha sei permutazioni:

PQR
QPR
PRQ
RPQ
RQP
QRP

(...). La figura 4 illustra l'idea generale. La figura 4a mostra che se ci sono N caratteri in una stringa allora alcune delle permutazioni vengono ottenute tenendo 'fisso' l' N -esimo carattere e generando tutte le permutazioni dei primi $N-1$ caratteri. La figura 4b mostra che allora l' N -esimo carattere puo' essere scambiato con uno dei primi $N-1$ caratteri, ed allora (a) viene ripetuto. Cio' continua finche' ognuno degli N caratteri originali e' stato usato nella posizione N -esima.



(a)



(b)

Figura 4. Uso della ricorsione per generare tutte le permutazioni di N caratteri. (a) Permutazione dei primi $N-1$ caratteri, trattendo l' N -esimo carattere. (b) Scambio dell' N -esimo carattere con il K -esimo.

L'algoritmo risolutivo viene indicato con il nome PERMUT. L'esecuzione dell'algoritmo PERMUT da' come risultato la stampa di tutte le possibili permutazioni degli N caratteri. (...). Si supponga che inizialmente N sia uguale ad 1 - allora c'e' solo una permutazione (il carattere stes-

so), ed in tale caso PERMUT stampa semplicemente la stringa e termina, pertanto PERMUT funziona correttamente se N e' uguale ad 1. Per N uguale a 2 ci sono due permutazioni, e PERMUT le stampa entrambe. Per N uguale a 2 il corpo del loop DO-VARYING viene eseguito due volte, la prima per K uguale a 2 e quindi per K uguale ad 1. Ogni volta PERMUT viene chiamato ricorsivamente con N-1 uguale ad 1, e ne risulta semplicemente una stringa stampata. La prima volta i due caratteri sono nel loro ordine originario ('XY') e la seconda volta essi vengono scambiati ('YX'). E' opportuno notare che il secondo scambio riporta la stringa nel suo ordine originario ('XY') al termine dell'algoritmo. Pertanto PERMUT funziona correttamente per N uguale a 2. Per N uguale a 3 il loop DO-VARYING viene eseguito tre volte ogni volta con N-1 uguale a 2 nella chiamata ricorsiva. Dato che da una chiamata di PERMUT con 2 caratteri risultano correttamente stampate due permutazioni, da PERMUT con N uguale a 3 risultano stampate 3×2 , ovvero 6 permutazioni. Questo e' il numero esatto delle possibili permutazioni per N uguale a 3, e dato che per ognuna delle tre esecuzioni delle chiamate ricorsive c'e' un carattere diverso nella terza posizione tutte e sei le stringhe stampate sono permutazioni differenti (e di nuovo, alla fine, la stringa viene lasciata nel suo stato originario). Continuando l'analisi in questa maniera, si puo' vedere PERMUT lavorare correttamente per qualsiasi valore di N".

Variabili:

N e' il numero di elementi da permutare;

STRING e' il vettore che contiene gli elementi da permutare;

K e' l'indice che serve a scambiare l'N-esimo elemento.

Procedura PERMUT ricorsiva:

PERMUT (STRING, N);

VAR K INTEGER

IF N > 1

THEN

DO VARYING K FORM N BY -1 WHILE K >= 1

 STRING (K) := STRING (N)

 PERMUT (STRING, N-1)

 STRING (K) := STRING (N)

OD

ELSE

 scrittura STRING

FI

END PERMUT

Codifica in linguaggio MPL III:

PROCEDURE MAIN;

```
$ LIBRARY CONVERSION  
$ LIBRARY DECIMAL  
$ LIBRARY STRING  
$ LIBRARY LM.JR  
$ LIBRARY LM.FX  
$ LIBRARY LM.IN.N  
$ LIBRARY LM.OUT.N  
$ LIBRARY LM.XCH
```

```
DECLARE 1 RECORD.STAMPA CHARACTER (10),  
2 STAMPA.CH CHARACTER (1);
```

FILE LISTA WORK.AREA RECORD.STAMPA;

DECLARE J FIXED;

PROCEDURE PERMUT (STRING, N);

DECLARE K FIXED;

IF N > 1

THEN

DO;

K := N;

DO FOREVER;

IF K < 1

THEN UNDO;

SCAMBIO (STRING (K-1), STRING (N-1));

PERMUT (STRING, N-1);

SCAMBIO (STRING (K-1), STRING (N-1));

K := K - 1;

END;

END;

ELSE

DO;

J := 0;

DO FOREVER;

IF J >= 10

THEN UNDO;

STAMPA.CH(J-1+1) := STRING(J-1+1);

J := J + 1;

END;

WRITE (LISTA);

END;

END PERMUT;

```
DECLARE 1 RECORD STRING CHARACTER (10),  
       2 STRING      CHARACTER (1);
```

```
DECLARE N      FIXED;
```

```
DISPLAY ("INSERISCI IL NUMERO DI ELEMENTI");  
INPUT.N (N);
```

```
IF N > 0 AND N <= 10  
THEN
```

```
DO;
```

```
J := 0;
```

```
DO FOREVER;
```

```
IF J >= N
```

```
THEN UNDO;
```

```
CONVERT (0, STRING(J+1), J);
```

```
J := J + 1;
```

```
END;
```

```
OPEN (LISTA);
```

```
PERMUT (STRING, N);
```

```
CLOSE (LISTA);
```

```
END;
```

```
END MAIN;
```

```
FINI;
```

```
%-----
```

```
DEVICE   (LISTA) := PRV;  
RECORD   (LISTA) := 10;  
BUFFER   (LISTA) := 10;  
NO.BUFFERS (LISTA) := 1;  
NO.LABEL (LISTA) := 1;  
CLOSEMODE (LISTA) := RELEASE;  
ACCESSMODE (LISTA) := SEQUENTIAL;  
MYUSE    (LISTA) := OUTPUT;
```

```
%-----
```

Pseudocodifica ricorsiva modificata in modo da sostituire il ciclo**enumerativo DO-VARYING con una ricorsione:**

PERMUT (STRING, N)

SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO (STRING, N, K)

```
IF K > 0
  THEN
    STRING (K) := STRING (N)
    PERMUT (STRING, N-1)
    STRING (K) := STRING (N)
    SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO (STRING, N, K-1)
  FI
```

END SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO

```
IF N > 1
  THEN
    SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO (STRING, N, N)
  ELSE
    scrittura STRING
  FI
```

END PERMUT

Codifica in linguaggio MPL II:

PROCEDURE MAIN;

\$ LIBRARY CONVERSION
\$ LIBRARY DECIMAL
\$ LIBRARY STRING
\$ LIBRARY LM.JR
\$ LIBRARY LM.FX
\$ LIBRARY LM.IN.N
\$ LIBRARY LM.OUT.N
\$ LIBRARY LM.XCHDECLARE 1 RECORD.STAMPA CHARACTER (10),
2 STAMPA.CH CHARACTER (1);

FILE LISTA WORK.AREA RECORD.STAMPA;

DECLARE J FIXED;

PROCEDURE PERMUT (STRING, N);

PROCEDURE SC.CALL.SC (STRING, N, K);

IF K > 0

THEN

DO;

SCAMBIO (STRING (K-1), STRING (N-1));
PERMUT (STRING, N-1);
SCAMBIO (STRING (K-1), STRING (N-1));
SC.CALL.SC (STRING, N, K-1);

END;

END SC.CALL.SC;

IF N > 1

THEN

SC.CALL.SC (STRING, N, N);

ELSE

DO;

J := 0;

DO FOREVER;

IF J >= 10

THEN UNDO;

STAMPA.CH(J-1+1) := STRING(J-1+1);

J := J + 1;

END;

WRITE (LISTA);

END;

END PERMUT;

```
DECLARE 1 RECORD.STRING CHARACTER (10),
        2 STRING      CHARACTER (1);
```

```
DECLARE N      FIXED;
```

```
DISPLAY ("INSERISCI IL NUMERO DI ELEMENTI");
```

```
INPUT.N (N);
```

```
IF N > 0 AND N <= 10
```

```
THEN
```

```
DO;
```

```
J := 0;
```

```
DO FOREVER;
```

```
IF J >= N
```

```
THEN UNDO;
```

```
CONVERT (0, STRING(J+1), J);
```

```
J := J + 1;
```

```
END;
```

```
OPEN (LISTA);
```

```
PERMUT (STRING, N);
```

```
CLOSE (LISTA);
```

```
END;
```

```
END MAIN;
```

```
FINI;
```

```
%-----
```

```
DEVICE    (LISTA) := PR;
RECORD    (LISTA) := 10;
BUFFER    (LISTA) := 10;
NO.BUFFERS (LISTA) := 1;
NO.LABEL  (LISTA) := 1;
CLOSEMODE (LISTA) := RELEASE;
ACCESSMODE (LISTA) := SEQUENTIAL;
MYUSE     (LISTA) := OUTPUT;
```

```
%-----
```

Variabili:

SAVEN e' il vettore utilizzato per conservare il valore di N;

SAVEK e' il vettore utilizzato per conservare il valore di K;

SP e' lo stack pointer.

Pseudocodifica non ricorsiva:

PERMUT

SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO

IF K > 0

THEN

STRING (K) ==> STRING (N)

SP := SP + 1

SAVEN(SP) := N

N := N - 1

PERMUT

N := SAVEN(SP)

SP := SP - 1

STRING (K) ==> STRING (N)

SP := SP + 1

SAVEK(SP) := K

K := K - 1

SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO

K := SAVEK(SP)

SP := SP - 1

FI

END SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO

IF N > 1

THEN

SP := SP + 1

SAVEK(SP) := K

K := N

SCAMBIO.CHIAMATA.SCAMBIO

K := SAVEK(SP)

SP := SP - 1

ELSE

scrittura STRING

FI

END PERMUT

Codifica COBOL:

```
000400*****  
000500* PROGRAMMA COBOL HC.07 *  
000600*  
000700* DATA: 19/06/85 (GG/MM/AA) *  
000800*  
000900* ARGOMENTO: SIMULAZIONE DI RICORSIONE CON PERMUTAZIONI *  
001000*  
001100*****  
005800  
005900  
006000  
006100 IDENTIFICATION DIVISION.  
006200  
006300  
006400 ENVIRONMENT DIVISION.  
006500  
006600  
006700 DATA DIVISION.  
006800  
006900  
007000 WORKING-STORAGE SECTION.  
007100  
007200 01 RECORD STACKS.  
007300 02 SAVEN OCCURS 100 TIMES PIC 9.  
007400 02 SAVEK OCCURS 100 TIMES PIC 9.  
007500  
007600 01 STACK-POINTERS.  
007700 02 SP PIC 999.  
007800  
007900 01 VARIABILI-SCALARI.  
008000 02 N PIC 9.  
008100 02 K PIC 9.  
008200 02 TEMP PIC 9.  
008300 02 J PIC 99.  
008400  
008500 01 RECORD-STRING.  
008600 02 STRING OCCURS 10 TIMES PIC 9.  
008700
```

008800 PROCEDURE DIVISION.

008900

009000 MAIN.

009100

009200 DISPLAY "INSERISCI IL NUMERO DI ELEMENTI DA PERMUTARE".

009300 DISPLAY "(UNA CIFRA)".

009400 ACCEPT N.

009500

009600* si genera la prima permutazione con numeri in ordine
crescente

009700 MOVE SPACES TO RECORD-STRING.

009800 PERFORM GEN-PRIMA-PERMUTAZIONE VARYING J FROM 1 BY 1
UNTIL J > N.

009900

010000

010100 PERFORM PERMUT.

010200

010300 STOP RUN.

010400

010500

010600 GEN-PRIMA-PERMUTAZIONE.

010700

010800 MOVE J TO STRING(J).

010900

011000

011100 PERMUT.

011200

011300 IF N > 1

011400 THEN

011500

011600*

push

COMPUTE SP = SP + 1,

COMPUTE SAVEK(SP) = K,

011700

011800

011900

012000*

call

COMPUTE K = N,

PERFORM SCAMBIO-CHIAMATA-SCAMBIO,

012100

012200

012300

012400*

pop

COMPUTE K = SAVEK(SP),

012500

COMPUTE SP = SP - 1;

012600

012700

012800

012900

013000

013100

013200

ELSE

DISPLAY RECORD-STRING.

013300 SCAMBIO-CHIAMATA-SCAMBIO.

```
013400  
013500    IF K > 0  
013600        THEN  
013700  
013800*            scambio STRING(K) con STRING(N)  
013900            MOVE STRING(K)      TO TEMP,  
014000            MOVE STRING(N)      TO STRING(K),  
014100            MOVE TEMP        TO STRING(N),  
014200  
014300*            push  
014400            COMPUTE SP = SP + 1,  
014500            COMPUTE SAVEN(SP) = N,  
014600  
014700*            call  
014800            COMPUTE N = N - 1,  
014900            PERFORM PERMUT,  
015000  
015100*            pop  
015200            COMPUTE N = SAVEN(SP),  
015300            COMPUTE SP = SP - 1,  
015400  
015500*            scambio STRING(K) con STRING(N)  
015600            MOVE STRING(K)      TO TEMP,  
015700            MOVE STRING(N)      TO STRING(K),  
015800            MOVE TEMP        TO STRING(N),  
015900  
016000*            push  
016100            COMPUTE SP = SP + 1,  
016200            COMPUTE SAVEK(SP) = K,  
016300  
016400*            call  
016500            COMPUTE K = K - 1,  
016600            PERFORM SCAMBIO-CHIAMATA-SCAMBIO,  
016700  
016800*            pop  
016900            COMPUTE K = SAVEK(SP),  
017000            COMPUTE SP = SP - 1.
```

Bibliografia:

Wagener J. L.: "FORTRAN 77 Principles of Programming"
Wiley, 1980, pp. 228-229.

(5)

Knuth D. E.: "The Art of Computer Programming - Volume 3 Sorting and
Searching"
Addison-Wesley, 1973, capitolo 5.

Dijkstra E. W.: "A Discipline of Programming"
Prentice-Hall, 1976, capitolo 13.

BIBLIOGRAFIA**Il concetto di locale e di globale: scope delle variabili**

- With N.: "Principi di programmazione strutturata" (1)
ISEDI, 1977, capitolo 12.
- Moore L.: "Foundations of Programming with Pascal" (3)
Ellis Horwood Limited, 1980, capitolo 10.
- Ledgard, Nagin, Huertas: "Pascal with Style" (2)
Hayden, 1979, pp. 126-134.
- Dijkstra E. W.: "A Discipline of Programming"
Prentice-Hall, 1976, capitolo 10.
- Nicholls J. E.: "The Structure and Design of Programming Languages"
Addison-Wesley, 1975, capitolo 12.

La ricorsione

- Arsac J.: "La construction de programmes structures"
DUNOD, 1977, capitoli 2-5.
- Moore L.: "Foundations of Programming with Pascal"
Ellis Horwood Limited, 1980, capitolo 14.
- Aho, Hopcroft, Ullman: "The Design and Analysis of Computer Algorithms" (4)
Addison-Wesley, 1974, pp. 55-60.
- Ledgard, Nagin, Huertas: "Pascal with style"
Hayden, 1979, pp. 134-139.
- Wirth N.: "Algorithms + Data Structures = Programs"
Prentice-Hall, 1976, capitolo 3.
- Wagener J. L.: "FORTRAN 77 Principles of Programming" (5)
Wiley, 1980, capitolo 11.

I linguaggi

- Burroughs Corporation: "Computer Management System COBOL - reference manual" codice 2007266.
- Burroughs Corporation: "Computer Management System Message Processing Language (MPLII) - reference manual" codice 2007563.

APPENDICE 1**Note particolari sulla Pseudocodifica utilizzata**

Il simbolo % (percento) precede un commento e puo' trovarsi anche immediatamente a destra di una istruzione.

Il simbolo === indica che si intende scambiare il contenuto delle variabili che si trovano ai suoi lati.

APPENDICE 2**Library MPL II non standard utilizzate****LM.JR**

```
XXXXXXXXXXXXXX
%LIBRARY :
% PROCEDURA CHE PERMETTE L' ALLINEAMENTO A DESTRA DI UN NUMERO.
% USO DELLA FUNCTION "SIZE".
XXXXXXXXXXXXXX

PROCEDURE SPOSTA.DESTRA (VARIABLE);
DECLARE DIMENSIONE      FIXED;
DIMENSIONE := SIZE (VARIABLE);
DECLARE A                  FIXED;
DECLARE B                  FIXED;
DECLARE VAR.INPUT          CHARACTER (DIMENSIONE);
REMAP VAR.INPUT: ELEM.A(DIMENSIONE) CHARACTER (1);
DECLARE VAR.OUTPUT          CHARACTER (DIMENSIONE);
REMAP VAR.OUTPUT: ELEM.B(DIMENSIONE) CHARACTER (1);

VAR.INPUT := VARIABLE;

A := DIMENSIONE - 1;    % QUESTO PERCHE' IL VETTORE HA ANCHE
B := DIMENSIONE - 1;    % LA POSIZIONE ZERO

DO FOREVER;
  IF ELEM.A(A) /= " "  % BLANK
  THEN UNDO;
  ELSE DO;
    IF A = 0
    THEN DO;
      VARIABLE := VAR.OUTPUT;
      RETURN;
    END;
    ELSE A := - 1;
  END;
END;
```

```
DO FOREVER;
  IF ELEM.A(A) = " " %BLANK
    THEN ELEM.B(B) := "0";
    ELSE ELEM.B(B) := ELEM.A(A);
  IF A = 0
    THEN DO FOREVER;
      IF B = 0
        THEN DO;
          VARIABLE := VAR.OUTPUT;
          RETURN;
        END;
      ELSE DO;
        B := -1;
        ELEM.B(B) := "0";
      END;
    END;
  ELSE DO;
    A := -1;
    B := -1;
  END;
END;
```

```
END;
END SPOSTA.DESTRA;
```

LM.FX

```
XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX  
ZLIBRARY MPL:  
Z PROCEDURA CHE CONVERTE UN NUMERO ASCII O PACKED IN FIXED  
Z  
XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX
```

```
PROCEDURE CONV.FX (TIPO.CONVERSOINE, VAR.FIXED, VAR.INPUT);
```

```
PROCEDURE CONV (VAR.FIXED, VAR.PACKED);
```

```
REMAP VAR.FIXED: B(16) BIT(1);
```

```
PROCEDURE SETTAGGIO.BIT (N.BIT, VALORE, PESO);
```

```
IF VALORE = 1  
THEN  
DO;  
B(*N.BIT) := @1100;  
DEC.SUB (VAR.PACKED, PESO);  
END;  
ELSE  
B(*N.BIT) := @1000;
```

```
END SETTAGGIO.BIT;
```

```
IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "030000000000000000") = 65535
  THEN
    DO;
      DISPLAY ("ERROR**NUMERO < ZERO NON AMMESSO");
      STOP;
    END;
  ELSE
    IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000065535@") = 1
      THEN
        DO;
          DISPLAY ("ERROR**NUMERO > 65535");
          STOP;
        END;

    IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "0300000000032768@") /= 65535
      THEN
        SETTAGGIO.BIT (0, 1, "0300000000032768@");

    IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "0300000000016384@") /= 65535
      THEN
        SETTAGGIO.BIT (1, 1, "0300000000016384@");

    IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "0300000000008192@") /= 65535
      THEN
        SETTAGGIO.BIT (2, 1, "0300000000008192@");

    IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "0300000000004096@") /= 65535
      THEN
        SETTAGGIO.BIT (3, 1, "0300000000004096@");

    IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "0300000000002048@") /= 65535
      THEN
        SETTAGGIO.BIT (4, 1, "0300000000002048@");

    IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "0300000000001024@") /= 65535
      THEN
        SETTAGGIO.BIT (5, 1, "0300000000001024@");
```

```
IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000512@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (6, 1, "@30000000000000512@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000256@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (7, 1, "@30000000000000256@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000128@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (8, 1, "@30000000000000128@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000064@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (9, 1, "@30000000000000064@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000032@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (10, 1, "@30000000000000032@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000016@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (11, 1, "@30000000000000016@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000008@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (12, 1, "@30000000000000008@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000004@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (13, 1, "@30000000000000004@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000002@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (14, 1, "@30000000000000002@");

IF DEC.COMP (VAR.PACKED, "03000000000000001@") /= 65535
THEN
SETTAGGIO.BIT (15, 1, "@30000000000000001@");

END CONV;
```

```
DECLARE VAR.PACKED CHARACTER (8);
DECLARE VAR.INPUT.SIZE FIXED;
VAR.INPUT.SIZE := SIZE (VAR.INPUT);

DECLARE VAR.INPUT.RECO CHARACTER (VAR.INPUT.SIZE);

VAR.INPUT.RECO := VAR.INPUT;

VAR.FIXED := 0;

IF TIPO.CONVERSIONE = 0
  THEN CONV (VAR.FIXED, VAR.INPUT);
ELSE IF TIPO.CONVERSIONE = 1
  THEN DO;
    CONVERSION (5, VAR.PACKED, VAR.INPUT);
    CONV (VAR.FIXED, VAR.PACKED);
  END;
ELSE DO;
  DISPLAY ("*ERROR CONV.FX* TIPO.CONVERSIONE ERRATO");
  DISPLAY ("*ERROR CONV.FX* FINE LAVORO FORZATO!");
  STOP;
END;

VAR.INPUT := VAR.INPUT.RECO;

END CONV.FX;
```

LM.IN.N

```
%%%%%%%%%%%%%
% LIBRARY MPL.          27/04/84 %
%
% ESEGUE L'ACCEPT DI UN NUMERO FIXED CON GLI ADEGUATI CONTROLLI;
% LA CHIAMATA DEVE ESSERE FATTA COSÌ: ``INPUT.N (N.FIXED)'' DOVE
% N.FIXED RAPPRESENTA LA VARIABILE FIXED CHE SI VUOLE RIEMPIRE.
%
% QUESTA LIBRARY FA USO DI: LM.JR, LM.FX, CONVERSION, DECIMAL
%%%%%%%%%%%%%
PROCEDURE INPUT.N (N.FIXED);
  DECLARE N.ASCII      CHARACTER (16);
  DECLARE N.PACKED     CHARACTER (8);

  ACCEPT (N.ASCII);
  SPOSTA.DESTRA (N.ASCII);
  CONVERSION (5, N.PACKED, N.ASCII);

  IF DEC.COMP (N.PACKED, "0300000000000000") = @FFFFE
    THEN
      DO;
        DISPLAY ("IL NUMERO INSERITO E' MINORE DI ZERO, RIPETI");
        INPUT.N (N.FIXED);
        RETURN;
      END;
    ELSE
      IF DEC.COMP (N.PACKED, "030000000065535") = 1
        THEN
          DO;
            DISPLAY ("IL NUMERO E' MAGGIORE DI 65535, RIPETI");
            INPUT.N (N.FIXED);
            RETURN;
          END;
        ELSE
          % IL NUMERO E' VALIDO
          ;
    END;

  CONV.FX (0, N.FIXED, N.PACKED);

END INPUT.N;
```

LM.OUT.N

```
*****  
% LIBRARY MPL. 27/04/84 %  
%  
% ESEGUE IL DISPLAY DI UN NUMERO FIXED;  
%  
% PER CHIAMARE LA PROCEDURA: ``OUTPUT.N(N.FIXED)'' DOVE N.FIXED E'  
% IL NUMERO O LA VARIABILE FIXED CHE SI VUOLE VISUALIZZARE SU SPO.  
%  
% LA LIBRARY FA USO DI: CONVERSION  
*****  
PROCEDURE OUTPUT.N (N.FIXED);  
  
DECLARE N.ASCII CHARACTER (16);  
  
CONVERT (1, N.ASCII, N.FIXED);  
  
DISPLAY (N.ASCII);  
  
END OUTPUT.N;
```

LM.IN.MN

```
XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX  
% LIBRARY MPL 26/5/84 %  
%  
% SONO TRE PROCEDURE CHE ESEGUONO L'INPUT DI UN VETTORE (IN.MAT.N.1)  
% NUMERIC, L'INPUT DI UNA MATRICE A DUE DIMENSIONI (IN.MAT.N.2)  
% E L'INPUT PER UNA MATRICE A TRE DIMENSIONI (IN.MAT.N.3).  
%  
% LA CHIAMATA E' DEL TIPO: IN.MAT.N.3 (TABLE, X, Y, Z)  
% IN.MAT.N.2 (TABLE, X, Y)  
% IN.MAT.N.1 (TABLE, X)  
% DOVE X, Y E Z SONO LE DIMENSIONI (RIGA, COLONNA, ...) DELLA TABELLA  
%  
% PRIMA DI QUESTA LIBRARY SONO NECESSARIE LE SEGUENTI:  
% DECIMAL,  
% CONVERSION,  
% STRING,  
% LM.JR,  
% LM.FX,  
% LM.IN.N.  
%  
XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX
```

PROCEDURE IN.MAT.N.1 (VETT, C);
% IL VETTORE E' LUNGO C*2 BYTE

```
DECLARE K           FIXED;  
DECLARE K.CH        CHARACTER (6);  
DECLARE INDICE      FIXED;  
DECLARE MESSAGGIO   CHARACTER (77);  
REMAPPARE MESSAGGIO:=MESS.CH(77) CHARACTER (1);  
  
K := 0;  
  
DO FOREVER;  
  K := K + 1;  
  IF K > C  
    THEN  
      UNDO;  
  
  % VISUALIZZARE IL MESSAGGIO: "INSEIRSCI L'ELEMENTO VETTORE(K)"  
  
  SMEAR (MESS.CH, 0, 77, " ", 77); % AZZERAMENTO RECORD MESSAGGIO  
  CONVERT(1, K.CH, K);  
  SUBSTR(MESSAGGIO, 0, 29) := "INSEIRSCI L'ELEMENTO VETTORE(";  
  SUBSTR(MESSAGGIO, 29, 6) := K.CH;  
  SUBSTR(MESSAGGIO, 36, 1) := ")";  
  DISPLAY (MESSAGGIO);  
  
  INDICE := 2 * (K - 1);  
  INPUT.N (VETT(INDICE));  
  
END;  
END IN.MAT.N.1;
```

PROCEDURE IN.MAT.N.2 (MATR, R, C);

% IL VETTORE E' LUNGO C*R*2 BYTE

```

DECLARE M           FIXED;
DECLARE M.CH        CHARACTER (6);
DECLARE N           FIXED;
DECLARE N.CH        CHARACTER (6);
DECLARE INDICE      FIXED;
DECLARE MESSAGGIO   CHARACTER (77);
REMAPPARE MESSAGGIO:MESS.CH(77) CHARACTER (1);

```

M := 0;

DO FOREVER;

M := M + 1;

IF M > R

THEN

UNDO;

N := 0;

DO FOREVER;

N := N + 1;

IF N > C

THEN

UNDO;

% VISUALIZZARE: "INSEIRSCI L'ELEMENTO MATRICE(M,N)"

```

SMEAR (MESS.CH, 0, 77, " ", 77); % AZZERAMENTO RECORD MESSAGGIO
CONVERT(1, M.CH, M);
CONVERT(1, N.CH, N);
SUBSTR(MESSAGGIO, 0, 29) := "INSEIRSCI L'ELEMENTO MATRICE(";
SUBSTR(MESSAGGIO, 29, 6) := M.CH;
SUBSTR(MESSAGGIO, 36, 1) := ",";
SUBSTR(MESSAGGIO, 38, 6) := N.CH;
SUBSTR(MESSAGGIO, 45, 1) := ")";
DISPLAY (MESSAGGIO);

```

INDICE := 2 * ((M - 1) * C + (N - 1));

INPUT.N (MATR(INDICE));

END;

END;

END IN.MAT.N.2;

PROCEDURE IN.MAT.N.3 (MATR, X, Y, Z);
 % IL VETTORE E' LUNGO X*Y*Z*2 BYTE

```
DECLARE M           FIXED;
DECLARE M.CH        CHARACTER (6);
DECLARE N           FIXED;
DECLARE N.CH        CHARACTER (6);
DECLARE O           FIXED;
DECLARE O.CH        CHARACTER (6);
DECLARE INDICE      FIXED;
DECLARE MESSAGGIO   CHARACTER (77);
REMAPP MESSAGGIO:=MESS.CH(77) CHARACTER (1);
```

```
M := 0;
DO MLOOP FOREVER;
  M += 1;
  IF M > X
    THEN
      UNDO MLOOP;
  N := 0;
  DO NLOOP FOREVER;
    N += 1;
    IF N > Y
      THEN
        UNDO NLOOP;
    O := 0;
    DO OLOOP FOREVER;
      O += 1;
      IF O > Z
        THEN
          UNDO OLOOP;
```

% VISUALIZZARE: "INSEIRSCI L'ELEMENTO MATRICE(X,Y,Z)"

```
SMEAR (MESS.CH, 0, 77, " ", 77); % AZZERAMENTO MESSAGGIO
CONVERT(1, M.CH, M);
CONVERT(1, N.CH, N);
CONVERT(1, O.CH, O);
SUBSTR(MESSAGGIO, 0, 29) := "INSEIRSCI L'ELEMENTO MATRICE(";
SUBSTR(MESSAGGIO, 29, 6) := M.CH;
SUBSTR(MESSAGGIO, 36, 1) := ",";
SUBSTR(MESSAGGIO, 38, 6) := N.CH;
SUBSTR(MESSAGGIO, 45, 1) := ",";
SUBSTR(MESSAGGIO, 47, 6) := O.CH;
SUBSTR(MESSAGGIO, 54, 1) := ")";
DISPLAY (MESSAGGIO);

INDICE := 2*((M-1)*Y*Z + (N-1)*Z + (O-1));
INPUT.N (MATR(INDICE));

END OLOOP;
```

END NLOOP;
END MLOOP;

END IN.MAT.N.3;

LM.OUT.MN

```
%%%%%%%%%%%%%
% LIBRARY MPL          26/5/84 %
%
% SONO TRE PROCEDURE CHE ESEGUONO L'OUTPUT DI UN VETTORE (OUT.MAT.N.1)
% NUMERIC, L'OUTPUT DI UNA MATRICE A DUE DIMENSIONI (OUT.MAT.N.2)
% E L'OUTPUT PER UNA MATRICE A TRE DIMENSIONI (OUT.MAT.N.3).
%
% LA CHIAMATA E' DEL TIPO: OUT.MAT.N.3 (TABLE, X, Y, Z)
%                      OUT.MAT.N.2 (TABLE, X, Y)
%                      OUT.MAT.N.1 (TABLE, X)
% DOVE X, Y E Z SONO LE DIMENSIONI (RIGA, COLONNA, ...) DELLA TABELLA %
%
% PRIMA DI QUESTA LIBRARY SONO NECESSARIE LE SEGUENTI:
% DECIMAL,
% CONVERSION,
% STRING,
% LM.JR,
% LM.FX,
%
%%%%%%%%%%%%%
```

```
DECLARE RECORD.PR.FILE CHARACTER (132);
      REMAP RECORD.PR.FILE: RECORD.PR.CH(132) CHARACTER(1);
```

```
FILE PRINTER.FILE WORKAREA RECORD.PR.FILE;
```

```
%-----%
DEVICE (PRINTER.FILE) := PR;           % ANY PRINTER DEVICE
RECORD (PRINTER.FILE) := 132;
BUFFER (PRINTER.FILE) := 132;
NO.BUFFERS (PRINTER.FILE) := 1;
NO.LABEL (PRINTER.FILE) := 1;
CLOSEMODE (PRINTER.FILE) := RELEASE;
MYUSE (PRINTER.FILE) := OUTPUT;
%-----%
```

PROCEDURE OUT.MAT.N.1 (VETT, C);

% IL VETTORE E' LUNGO C*2 BYTE

```
DECLARE K           FIXED;
DECLARE K.CH        CHARACTER (6);
DECLARE VETT.CH     CHARACTER (6);
DECLARE MESSAGGIO   CHARACTER (132);
REMAP MESSAGGIO:MESS.CH(132) CHARACTER (1);
```

```
OPEN (PRINTER.FILE);
```

```
% SCRIVI UNA RIGA DI TRATTINI
SMEAR (RECORD.PR.CH, 0, 132, "-", 132);
WRITE (PRINTER.FILE);
```

```
K := 0;
```

```
DO FOREVER;
```

```
  K := K + 1;
```

```
  IF K > C
```

```
    THEN
```

```
      UNDO;
```

```
% SCRIVI IL VALORE DELL'ELEMENTO VETTORE(K)
```

```
SMEAR (MESS.CH, 0, 132, " ", 132); % AZZERAMENTO RECORD MESSAGGIO
CONVERT(1, K.CH, K);
CONVERT(1, VETT.CH, VETT((K-1)*2));
SUBSTR(MESSAGGIO, 0, 24) := "L'ELEMENTO DEL VETTORE (";
SUBSTR(MESSAGGIO, 24, 6) := K.CH;
SUBSTR(MESSAGGIO, 31, 4) := "=";
SUBSTR(MESSAGGIO, 36, 6) := VETT.CH;
RECORD.PR.FILE := MESSAGGIO;
WRITE (PRINTER.FILE);
```

```
END;
```

```
% SCRIVI UNA RIGA DI TRATTINI
```

```
SMEAR (RECORD.PR.CH, 0, 132, "-", 132);
WRITE (PRINTER.FILE);
```

```
CLOSE (PRINTER.FILE);
```

```
END OUT.MAT.N.1;
```

PROCEDURE OUT.MAT.N.2 (MATR, R, C);
% IL VETTORE E' LUNGO C*R*2 BYTE

```
DECLARE M           FIXED;  
DECLARE M.CH        CHARACTER (6);  
DECLARE N           FIXED;  
DECLARE N.CH        CHARACTER (6);  
DECLARE MATR.CH     CHARACTER (6);  
DECLARE MESSAGGIO   CHARACTER (132);  
REMAPP MESSAGGIO:MESS.CH(132) CHARACTER (1);
```

OPEN (PRINTER.FILE);

```
% SCRIVE UNA RIGA DI TRATTINI  
SMEAR (RECORD.PR.CH, 0, 132, "-", 132);  
WRITE (PRINTER.FILE);
```

M := 0;

DO FOREVER;

M := M + 1;

IF M > R

THEN

UNDO;

N := 0;

DO FOREVER;

N := N + 1;

IF N > C

THEN

UNDO;

% SCRIVE L'ELEMENTO MATRICE(M,N)

SMEAR (MESS.CH, 0, 132, " ", 132); % AZZERAMENTO MESSAGGIO

CONVERT(1, M.CH, M);

CONVERT(1, N.CH, N);

CONVERT(1, MATR.CH, MATR((M-1)*2*C + (N-1)*2));

SUBSTR(MESSAGGIO, 0, 26) := "L'ELEMENTO DELLA MATRICE (";

SUBSTR(MESSAGGIO, 26, 6) := M.CH;

SUBSTR(MESSAGGIO, 33, 1) := ",";

SUBSTR(MESSAGGIO, 34, 6) := N.CH;

SUBSTR(MESSAGGIO, 41, 4) := "=";

SUBSTR(MESSAGGIO, 46, 6) := MATR.CH;

RECORD.PR.FILE := MESSAGGIO;

WRITE (PRINTER.FILE);

END;

END;

% SCRIVE UNA RIGA DI TRATTINI

SMEAR (RECORD.PR.CH, 0, 132, "-", 132);
WRITE (PRINTER.FILE);

CLOSE (PRINTER.FILE);

END OUT.MAT.N.2;

PROCEDURE OUT.MAT.N.3 (MATR, X, Y, Z);

% IL VETTORE E' LUNGO X*Y*Z*2 BYTE

```
DECLARE M          FIXED;  
DECLARE M.CH      CHARACTER (6);  
DECLARE N          FIXED;  
DECLARE N.CH      CHARACTER (6);  
DECLARE O          FIXED;  
DECLARE O.CH      CHARACTER (6);  
DECLARE MATR.CH   CHARACTER (6);  
DECLARE MESSAGGIO CHARACTER (132);  
REMAPP MESSAGGIO:=MESS.CH(132) CHARACTER (1);
```

```
OPEN (PRINTER.FILE);
```

```
% SCRIVE UNA RIGA DI TRATTINI;  
SMEAR (RECORD.PR.CH, 0, 132, "-", 132);  
WRITE (PRINTER.FILE);
```

```
M := 0;
```

```
DO NLOOP FOREVER;
```

```
  M := 1;
```

```
  IF M > X
```

```
    THEN
```

```
      UNDO;
```

```
  N := 0;
```

```
  DO NLOOP FOREVER;
```

```
    N := 1;
```

```
    IF N > Y
```

```
      THEN
```

```
        UNDO;
```

```
    O := 0;
```

```
    DO OLOOP FOREVER;
```

```
      O := 1;
```

```
      IF O > Z
```

```
        THEN
```

```
          UNDO;
```

```
% SCRIVE L'ELEMENTO DELLA MATRICE (X,Y,Z)
```

```
SMEAR (MESS.CH, 0, 132, " ", 132); % AZZERAMENTO MESSAGGIO  
CONVERT(1, M.CH, M);  
CONVERT(1, N.CH, N);  
CONVERT(1, O.CH, O);  
CONVERT(1, MATR.CH, MATR((M-1)*2*Y*Z + (N-1)*2*Z + (O-1)*2));  
SUBSTR(MESSAGGIO, 0, 26) := "L'ELEMENTO DELLA MATRICE (";  
SUBSTR(MESSAGGIO, 26, 6) := M.CH;  
SUBSTR(MESSAGGIO, 33, 1) := ",";  
SUBSTR(MESSAGGIO, 35, 6) := N.CH;  
SUBSTR(MESSAGGIO, 42, 1) := ",";  
SUBSTR(MESSAGGIO, 44, 6) := O.CH;
```

```
        SUBSTR(MESSAGGIO, 51, 4) := "} = ";
        SUBSTR(MESSAGGIO, 56, 6) := MATR.CH;
```

```
        RECORD.PR.FILE := MESSAGGIO;
        WRITE (PRINTER.FILE);
```

```
    END OLOOP;
    END NLOOP;
END MLOOP;
```

%SCRIVI UNA RIGA DI TRATTINI

```
SMEAR (RECORD.PR.CH, 0, 132, "-", 132);
        WRITE (PRINTER.FILE);
```

```
CLOSE (PRINTER.FILE);
```

```
END OUT.MAT.N.3;
```

LM.XCH

```
XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX  
% LIBRARY MPL. 29/5/84 %  
%  
% QUESTA LIBRARY SERVE PER SCAMBIARE IL CONTENUTO DI DUE VARIABILI. %  
%  
XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX
```

```
PROCEDURE SCAMBIO (A, B);  
  PROCEDURE SCAMBIO.TYPE1 (A, B, SIZEA);  
    DECLARE NEW.A CHARACTER (SIZEA);  
    NEW.A := A;  
    A := B;  
    B := NEW.A;  
  END SCAMBIO.TYPE1;  
  PROCEDURE SCAMBIO.TYPE2 (A, B);  
    DECLARE NEW.A FIXED;  
    NEW.A := A;  
    A := B;  
    B := NEW.A;  
  END SCAMBIO.TYPE2;  
  PROCEDURE SCAMBIO.TYPE3 (A, B);  
    DECLARE NEW.A BIT (8);  
    NEW.A := A;  
    A := B;  
    B := NEW.A;  
  END SCAMBIO.TYPE3;  
  
  DECLARE SIZEA FIXED;  
  SIZEA := SIZE(A);  
  
  IF TYPE(A) = 1  
  THEN  
    SCAMBIO.TYPE1 (A, B, SIZEA);  
  IF TYPE(A) = 2  
  THEN  
    SCAMBIO.TYPE2 (A, B);  
  IF TYPE(A) = 3  
  THEN  
    SCAMBIO.TYPE3 (A, B);  
  IF TYPE(A) = 4 OR TYPE(A) = 0 OR TYPE(B) = 4 OR TYPE(B) = 0  
  THEN  
    DO;  
      DISPLAY ("ERROR 'SCAMBIO' VARIABILE ");  
      STOP;  
    END;  
  END;  
  
END SCAMBIO;
```